

Varianta A0

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{2}{3}\right)^x > 1$, je rovna množině:
a) $(0, 1)$, b) $(-\infty, 0)$, c) $(0, +\infty)$, d) $(-\infty, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Číslo $\frac{\sqrt[4]{8}}{\sqrt{2}\sqrt[4]{2}}$ je rovno číslu:
a) 1, b) $\sqrt[4]{2}$, c) $\sqrt{2}$, d) $\frac{1}{\sqrt{2}}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x < 0$, je rovna množině:
a) $(\frac{1}{2}, +\infty)$, b) $(0, 1)$, c) $(0, +\infty)$, d) $(0, \frac{1}{2})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Číslo $\log_{32} 4$ je rovno číslu:
a) $\frac{4}{5}$, b) $\frac{2}{5}$, c) $\frac{5}{2}$, d) $\frac{5}{4}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Přímky $p_1 : 2x - y - 4 = 0$ a $p_2 : x + 2y + 2 = 0$ se protínají:
a) uvnitř prvního kvadrantu, b) uvnitř druhého kvadrantu,
c) uvnitř třetího kvadrantu, d) uvnitř čtvrtého kvadrantu,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Imaginární část komplexního čísla $z = \frac{-1+i}{1+i}$ je rovna číslu:
a) -1 , b) i , c) 1 , d) $-i$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{3}{2}\right)^x < 1$, je rovna množině:
a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) $(0, 1)$, d) $(1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Diference aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_3 + a_6 = 10$, $a_1 + a_4 = -6$, je rovna číslu:
a) 2, b) -2 , c) -4 , d) 4, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRAZTY 0%

9. Množina všech přirozených čísel, pro která platí $\binom{n}{2} + \binom{n-1}{2} = 4$, je podmnožinou intervalu:

- a) $(0, 2)$, b) $(6, 8)$, c) $(2, 4)$, d) $(4, 6)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. Je-li $\cos \alpha = \frac{2}{3}$, pak číslo $\cos 2\alpha$ je rovno číslu:

- a) $-\frac{1}{9}$, b) $\frac{1}{9}$, c) $\frac{1}{3}$, d) $-\frac{1}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $2^{x^2 - 5|x|} < 1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -5)$, b) $(-5, 5)$, c) $(-5, 0) \cup (0, 5)$, d) $(5, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $\sin^2 x = -\frac{1}{2} \sin x$, je roven číslu:

- a) 4, b) 3, c) 2, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Reálná část komplexního čísla $(-1 - i)^8$ je rovna číslu:

- a) 16, b) 8, c) 4, d) 2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Množina všech reálných čísel, pro která platí $-1 < \log_2 |x| \leq 1$, je rovna množině:

- a) $(-2, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 2)$, b) $(-2, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 2)$, c) $(-2, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 2)$,
d) $(-2, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Množina všech reálných čísel, pro která platí $(x^2 - 3x) \log(x+1) > 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -3)$, b) $(3, +\infty)$, c) $(-3, +\infty)$, d) $(-3, 3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta A1

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

-
1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{2}{3}\right)^x < 1$, je rovna množině:
a) $(0, +\infty)$, b) $(-\infty, 0)$, c) $(0, 1)$, d) $(1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
2. Číslo $\frac{\sqrt{3} \sqrt[4]{3}}{\sqrt[4]{27}}$ je rovno číslu:
a) $\frac{1}{\sqrt{3}}$, b) $\sqrt[4]{3}$, c) $\sqrt{3}$, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x > 0$, je rovna množině:
a) $(1, +\infty)$, b) $(0, 1)$, c) $(0, +\infty)$, d) $(\frac{1}{2}, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
4. Číslo $\log_4 32$ je rovno číslu:
a) $-\frac{5}{2}$, b) $-\frac{3}{2}$, c) $\frac{3}{2}$, d) $\frac{5}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
5. Přímky $p_1 : x + y - 2 = 0$ a $p_2 : 2x - 3y + 2 = 0$ se protínají:
a) uvnitř prvního kvadrantu, b) uvnitř druhého kvadrantu,
c) uvnitř třetího kvadrantu, d) uvnitř čtvrtého kvadrantu,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
6. Imaginární část komplexního čísla $z = \frac{1-i}{-i}$ je rovna číslu:
a) -1 , b) i , c) 1 , d) $-i$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
7. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{3}{2}\right)^x > 1$, je rovna množině:
a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) $(-\infty, +\infty)$, d) $(1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
8. Diference aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_1 + a_7 = 22$, $a_3 \cdot a_4 = 88$, je rovna číslu:
a) -4 , b) -3 , c) 4 , d) 3 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

OBRAZCE /

9. Množina všech přirozených čísel, pro která platí $\binom{n-1}{n-3} - n = 8$, je podmnožinou intervalu:

- a) $(0, 3)$, b) $(3, 6)$, c) $(6, 9)$, d) $(9, 12)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Je-li $\cos \alpha = -\frac{2}{3}$, pak číslo $\cos 2\alpha$ je rovno číslu:

- a) $-\frac{1}{3}$, b) $\frac{1}{3}$, c) $-\frac{1}{9}$, d) $\frac{1}{9}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{2}\right)^{x^2-3|x|} > 1$, je rovna množině:

- a) $(-3, 0)$, b) $(0, 3)$, c) $(-3, 3)$, d) \emptyset , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $2 \sin^2 x + \sin x = 0$, je roven číslu:

- a) 1, b) 2, c) 3, d) 4, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Reálná část komplexního čísla $(1+i)^8$ je rovna číslu:

- a) 2, b) 4, c) 8, d) 16, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Množina všech reálných čísel, pro která platí $-1 < \log_5 |x| \leq 1$, je rovna množině:

- a) $(-5, -\frac{1}{5}) \cup (\frac{1}{5}, 5)$, b) $(-5, -\frac{1}{5}) \cup (\frac{1}{5}, 5)$, c) $(-5, -\frac{1}{5}) \cup (\frac{1}{5}, 5)$,
d) $(-5, -\frac{1}{5}) \cup (\frac{1}{5}, 5)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Množina všech reálných čísel, pro která platí $(x^2 - 5x) \log x > 0$, je rovna množině:

- a) $(0, 1) \cup (5, +\infty)$, b) $(1, 5)$, c) $(1, +\infty)$, d) $(5, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta A2

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{3}{4}\right)^x > 1$, je rovna množině:
a) $(0, +\infty)$, b) $(2, +\infty)$, c) $(-\infty, 0)$, d) $(-1, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Číslo $\frac{\sqrt[4]{8} \sqrt{2^{-1}}}{\sqrt[4]{2}}$ je rovno číslu:
a) $\sqrt[4]{2}$, b) $\frac{1}{\sqrt[4]{2}}$, c) $\sqrt{2}$, d) $\frac{1}{\sqrt{2}}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{3}} x < 0$, je rovna množině:
a) $(0, 1)$, b) $(0, \frac{4}{5})$, c) $(\frac{4}{5}, +\infty)$, d) $(1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Číslo $\log_{\frac{1}{3}} 27$ je rovno číslu:
a) $\frac{3}{2}$, b) $-\frac{3}{2}$, c) $\frac{2}{3}$, d) $-\frac{2}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Přímky $p_1 : x + 2y - 3 = 0$ a $p_2 : 2x + y - 1 = 0$ se protínají:
a) uvnitř prvního kvadrantu, b) uvnitř druhého kvadrantu,
c) uvnitř třetího kvadrantu, d) uvnitř čtvrtého kvadrantu,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Imaginární část komplexního čísla $z = \frac{1+i}{1-i}$ je rovna číslu:
a) 1, b) -1, c) i, d) -i, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{4}{3}\right)^x < 1$, je rovna množině:
a) $(0, +\infty)$, b) $(-\infty, +\infty)$, c) $(-\infty, 0)$, d) \emptyset , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Diference aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_1 + a_3 = 0$, $a_2 + a_4 = -4$, je rovna číslu:
a) 2, b) 3, c) -3, d) -2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBLATNE %

9. Množina všech přirozených čísel, pro která platí $\binom{n-1}{n-2} + \binom{n-2}{n-4} = 4$, je podmnožinou intervalu:

- a) $(0, 2)$, b) $(2, 4)$, c) $(4, 6)$, d) $(6, 8)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. Je-li $\cos \alpha = \frac{3}{5}$, pak číslo $\cos 2\alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{7}{25}$, b) $-\frac{7}{25}$, c) $-\frac{9}{25}$, d) $\frac{9}{25}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{2}\right)^{x^2+7|x|} > 1$, je rovna množině:

- a) $(0, 7)$, b) $(-7, 0)$, c) $(-7, 7)$, d) \emptyset , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $2 \sin^2 x + \sin x = 0$, je roven číslu:

- a) 0, b) 1, c) 2, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Reálná část komplexního čísla $(-1 - i)^{16}$ je rovna číslu:

- a) 2, b) 2^2 , c) 2^4 , d) 2^8 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Množina všech reálných čísel, pro která platí $-1 \leq \log_4 |x| < 1$, je rovna množině:

- a) $(-4, -\frac{1}{4}) \cup (\frac{1}{4}, 4)$, b) $(-4, -\frac{1}{4}) \cup (\frac{1}{4}, 4)$, c) $(-4, -\frac{1}{4}) \cup (\frac{1}{4}, 4)$,
d) $(-4, -\frac{1}{4}) \cup (\frac{1}{4}, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Množina všech reálných čísel, pro která platí $(x^2 - 3x) \log(x - 2) < 0$, je rovna množině:

- a) $(3, +\infty)$, b) $(2, 3)$, c) \emptyset , d) $(-\infty, 0) \cup (3, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta A3

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{3}{4}\right)^x < 0$, je rovna množině:
a) $(-\infty, 0)$, b) $(-\infty, -1)$, c) $(0, +\infty)$, d) \emptyset , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Číslo $\frac{\sqrt[4]{8}\sqrt[4]{2^{-1}}}{\sqrt{2}}$ je rovno číslu:
a) $\frac{1}{\sqrt{2}}$, b) 1, c) $\sqrt[4]{2}$, d) $\sqrt{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{4}} x < -1$, je rovna množině:
a) \emptyset , b) $(0, 4)$, c) $(4, +\infty)$, d) $(\frac{1}{4}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Číslo $\log_{81} \frac{1}{27}$ je rovno číslu:
a) $-\frac{3}{4}$, b) $-\frac{4}{3}$, c) $\frac{3}{4}$, d) $\frac{4}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Přímky $p_1 : 2x + 3y + 4 = 0$ a $p_2 : x - y - 1 = 0$ se protínají:
a) uvnitř prvního kvadrantu, b) uvnitř druhého kvadrantu,
c) uvnitř třetího kvadrantu, d) uvnitř čtvrtého kvadrantu,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Imaginární část komplexního čísla $z = \frac{1-i}{i}$ je rovna číslu:
a) $-i$, b) i , c) 1, d) -1 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{5}{3}\right)^x < 1$, je rovna množině:
a) \emptyset , b) $(-\infty, 0)$, c) $(0, +\infty)$, d) $(-\infty, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Diference aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_1 + a_5 = -8$, $a_2 + a_6 = -4$, je rovna číslu:
a) 2, b) 3, c) -3 , d) -2 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRAŤTE SE

9. Množina všech přirozených čísel, pro která platí $\binom{n+4}{n+2} - 2\binom{n}{n-1} = \binom{8}{1}$, je podmnožinou intervalu:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. Je-li $\cos \alpha = -\frac{3}{5}$, pak číslo $\cos 2\alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{7}{25}$, b) $\frac{9}{25}$, c) $-\frac{7}{25}$, d) $-\frac{9}{25}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $2^{x^2+5|x|} < 1$, je rovna množině:

- a) $(-5, 5)$, b) $(-5, 0)$, c) $(0, 5)$, d) $(-5, 0) \cup (0, 5)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $\sin^2 x + \frac{1}{2} \sin x = 0$, je roven číslu:

- a) 0, b) 1, c) 2, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Reálná část komplexního čísla $(1+i)^{16}$ je rovna číslu:

- a) 2^8 , b) 2^4 , c) 2^2 , d) 2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Množina všech reálných čísel, pro která platí $-1 \leq \log_2 |x| < 1$, je rovna množině:

- a) $(-2, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 2)$, b) $(-2, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 2)$, c) $(-2, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 2)$,
d) $(-2, -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Množina všech reálných čísel, pro která platí $(x^2 - x) \log(x + 1) < 0$, je rovna množině:

- a) $(-1, 0)$, b) $(1, +\infty)$, c) $(-1, 0) \cup (0, 1)$, d) $(0, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta B2

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $5x - 6 - x^2 > 0$, je rovna množině:

- a) $(2, 3)$, b) $(-\infty, 2)$, c) $(3, +\infty)$, d) $(-\infty, 2) \cup (3, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Víme-li, že jedním kořenem kvadratické rovnice s reálnými koeficienty je komplexní číslo $x_1 = 2 - 3i$, pak tuto rovnici lze napsat ve tvaru:

- a) $x^2 - 4x - 13 = 0$, b) $x^2 - 4x + 13 = 0$, c) $x^2 + 4x + 13 = 0$, d) $x^2 + 4x - 13 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{4}{5}\right)^x > 1$, je rovna množině:

- a) \emptyset , b) $(0, +\infty)$, c) $(-\infty, 0)$, d) $(0, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Číslo $\binom{6}{3} + \binom{6}{4}$ je rovno číslu:

- a) 15, b) 20, c) 25, d) 35, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x < 0$, je rovna množině:

- a) \emptyset , b) $(0, 1)$, c) $(1, +\infty)$, d) $(0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Uvažujme geometrickou posloupnost, kde $a_1 = 64$ a $a_6 = 2$. Kvocient této posloupnosti je číslo, které náleží intervalu:

- a) $(2, 3)$, b) $(3, 4)$, c) $(1, 2)$, d) $(0, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Číslo $\frac{\sqrt[3]{4} \cdot \sqrt{8}}{\sqrt[3]{32}}$ je rovno číslu:

- a) $\sqrt{2}$, b) $2\sqrt{2}$, c) $\sqrt[3]{4}$, d) $\frac{1}{\sqrt[3]{4}}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Je-li $\sin \alpha = \frac{4}{7}$, pak číslo $\cos 2\alpha$ je rovno číslu:

- a) $-\frac{17}{49}$, b) $-\frac{7}{49}$, c) $\frac{17}{49}$, d) $\frac{7}{49}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTĚ %

9. Kvadratická rovnice $x^2 + 13x + m^2 - 5m + 6 = 0$ s reálným parametrem m má jeden kořen nulový pro dvě hodnoty parametru m_1 a m_2 . Součin $m_1 \cdot m_2$ je roven číslu:

- a) -6, b) 6, c) 5, d) -5, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Obecnou rovnici přímky, která prochází bodem $A = [1, 1]$ a je kolmá k přímce $p : x + 3y - 1 = 0$, lze napsat ve tvaru

- a) $x - 3y + 2 = 0$, b) $3x + y - 4 = 0$, c) $x + 3y - 4 = 0$, d) $3x - y - 2 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Uvažujme reálnou funkci f definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{|1 - 2x| - |x + 1|} - 3.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$ takových, že $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-\infty, -1) \cup (5, +\infty)$, b) $(-\infty, -5) \cup (1, +\infty)$, c) $(-\infty, 1) \cup (5, +\infty)$,
d) $(-\infty, -5) \cup (-1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $\cos x + \frac{1}{\sqrt{2}} \sin 2x = 0$, je roven číslu:

- a) 0, b) 1, c) 2, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Imaginární část komplexního čísla $(-1 + i)^{16}$ je rovna číslu:

- a) 2^8 , b) -2^8 , c) $2^8 i$, d) $-2^8 i$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. V geometrické posloupnosti je $a_1 = 2$ a $q = 3$. Nejmenší přirozené číslo n takové, že $s_n > 240$ náleží intervalu:

- a) $(0, 2)$, b) $(2, 4)$, c) $(4, 6)$, d) $(6, 8)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Směrnice přímky, která prochází středy kružnic k_1 a k_2 , kde

$$k_1 : x^2 + y^2 + 14x - 16y + 77 = 0, \quad k_2 : x^2 + y^2 + 18x - 14y + 66 = 0,$$

je rovna číslu:

- a) $\frac{1}{2}$, b) $-\frac{1}{2}$, c) 2, d) -2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta B3

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $6 + x - x^2 > 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -2)$, b) $(-2, 3)$, c) $(3, +\infty)$, d) $(-\infty, -2) \cup (3, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Víme-li, že jedním kořenem kvadratické rovnice s reálnými koeficienty je komplexní číslo $x_1 = 2 + 3i$, pak tuto rovnici lze napsat ve tvaru:

- a) $x^2 - 4x - 13 = 0$, b) $x^2 + 4x - 13 = 0$, c) $x^2 + 4x + 13 = 0$, d) $x^2 - 4x + 13 = 0$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{4}{7}\right)^x > 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) $(-\infty, +\infty)$, d) $(1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Číslo $\binom{7}{4} + \binom{7}{5}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{8}{5}$, b) $\binom{8}{6}$, c) $\binom{7}{6}$, d) $\binom{8}{7}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{3}{4}} x < -1$, je rovna množině:

- a) \emptyset , b) $(0, 1)$, c) $(1, +\infty)$, d) $(\frac{7}{4}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Uvažujme geometrickou posloupnost, kde $a_1 = 2$ a $a_6 = 64$. Kvocient této posloupnosti je číslo, které náleží intervalu:

- a) $(0, 2)$, b) $(2, 4)$, c) $(4, 6)$, d) $(6, 8)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Číslo $\frac{\sqrt[3]{8}}{\sqrt[3]{4^{-1}} \cdot \sqrt[3]{32}}$ je rovno číslu:

- a) $\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$, b) $\frac{1}{\sqrt[3]{4}}$, c) $\sqrt[3]{2}$, d) $2\sqrt[3]{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Je-li $\sin \alpha = -\frac{4}{7}$, pak číslo $\cos 2\alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{17}{49}$, b) $-\frac{17}{49}$, c) $\frac{7}{49}$, d) $-\frac{7}{49}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTIT%

-
9. Kvadratická rovnice $x^2 + 9x + m^2 - m - 6 = 0$ s reálným parametrem m má jeden kořen nulový pro dvě hodnoty parametru m_1 a m_2 . Součin $m_1 \cdot m_2$ je roven číslu:
- a) 3, b) -3, c) 6, d) -6, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
10. Obecnou rovnici přímky, která prochází bodem $A = [1, 3]$ a je kolmá k přímce $p : 2x + 3y - 1 = 0$, lze napsat ve tvaru
- a) $3x + 2y - 9 = 0$, b) $2x - 3y + 7 = 0$, c) $3x - 2y + 3 = 0$, d) $2x + 3y - 11 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Uvažujme reálnou funkci f definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{|2x - 6| - |2x + 4| + 3}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$ takových, že $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(-\infty, \frac{5}{4})$, c) $(-\infty, -\frac{5}{4})$, d) $(-\frac{5}{4}, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $2 \cos x = -\sqrt{2} \sin 2x$, je roven číslu:

- a) 1, b) 2, c) 3, d) 4, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Imaginární část komplexního čísla $(1 - i)^{16}$ je rovna číslu:

- a) -2^8 , b) 2^8 , c) 0, d) 2^8i , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. V geometrické posloupnosti je $a_1 = 3$ a $q = 4$. Nejmenší přirozené číslo n takové, že $s_n > 100$ náleží intervalu:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Směrnice přímky, která prochází středy kružnic k_1 a k_2 , kde

$$k_1 : x^2 + y^2 + 8x - 14y + 49 = 0, \quad k_2 : x^2 + y^2 + 12x + 16y + 91 = 0,$$

je rovna číslu:

- a) $-\frac{15}{2}$, b) $\frac{15}{2}$, c) $\frac{2}{15}$, d) $-\frac{2}{15}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta B4

(1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.

(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $10 - 3x - x^2 > 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -5)$, b) $(-5, 2)$, c) $(2, +\infty)$, d) $(-\infty, -5) \cup (2, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Víme-li, že jedním kořenem kvadratické rovnice s reálnými koeficienty je komplexní číslo $x_1 = 3 + 2i$, pak tuto rovnici lze napsat ve tvaru:

- a) $x^2 + 6x - 13 = 0$, b) $x^2 - 6x - 13 = 0$, c) $x^2 - 6x + 13 = 0$, d) $x^2 + 6x + 13 = 0$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{4}{7}\right)^x < -1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) $(0, 1)$, d) \emptyset , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Číslo $\binom{7}{3} + \binom{7}{5}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{7}{4}$, b) $\binom{7}{6}$, c) $\binom{8}{3}$, d) $\binom{8}{4}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{4}} x < 0$, je rovna množině:

- a) $(0, 1)$, b) $(0, \frac{7}{4})$, c) $(0, \frac{4}{7})$, d) $(\frac{4}{7}, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Uvažujme geometrickou posloupnost, kde $a_1 = 1$ a $a_4 = 27$. Kvocient této posloupnosti je číslo, které náleží intervalu:

- a) $(0, 2)$, b) $(2, 3)$, c) $(3, 4)$, d) $(4, 6)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Číslo $\frac{\sqrt[3]{9} \cdot \sqrt{27}}{\sqrt[3]{3} \cdot \sqrt{3}}$ je rovno číslu:

- a) $\sqrt{3}$, b) 3 , c) $3\sqrt{3}$, d) $\sqrt[3]{\frac{1}{9}}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Je-li $\sin \alpha = \frac{3}{7}$, pak číslo $\cos 2\alpha$ je rovno číslu:

- a) $-\frac{31}{49}$, b) $\frac{31}{49}$, c) $\frac{21}{49}$, d) $-\frac{21}{49}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBLÍKTE %

9. Kvadratická rovnice $x^2 - 6x + m^2 + 3m - 10 = 0$ s reálným parametrem m má jeden kořen nulový pro dvě hodnoty parametru m_1 a m_2 . Součin $m_1 \cdot m_2$ je roven číslu:

- a) 10, b) 12, c) -12, d) -10, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Obecnou rovnici přímky, která prochází bodem $A = [2, 1]$ a je kolmá k přímce $p : 2x - y + 7 = 0$, lze napsat ve tvaru

- a) $x + 2y - 4 = 0$, b) $x - 2y = 0$, c) $2x + y - 5 = 0$, d) $2x - y - 3 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Uvažujme reálnou funkci f definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{|2x+4| - |6-2x| - 3}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$ takových, že $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-\infty, -\frac{5}{4})$, b) $(-\frac{5}{4}, \frac{5}{4})$, c) $(\frac{5}{4}, +\infty)$, d) $(-\infty, \frac{5}{4})$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, 2\pi)$, pro která platí $2\cos^2 x = \cos x$, je roven číslu:

- a) 5, b) 4, c) 3, d) 2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Imaginární část komplexního čísla $(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}i)^8$ je rovna číslu:

- a) 0, b) 1, c) i , d) $-i$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. V geometrické posloupnosti je $a_1 = 2$ a $q = 3$. Nejmenší přirozené číslo n takové, že $s_n > 250$ náleží intervalu:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, 3)$, c) $(3, 5)$, d) $(5, 7)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Směrnice přímky, která prochází středy kružnic k_1 a k_2 , kde

$$k_1 : x^2 + y^2 + 6x + 8y - 11 = 0, \quad k_2 : x^2 + y^2 - 10x - 2y + 1 = 0,$$

je rovna číslu:

- a) $-\frac{5}{8}$, b) $\frac{5}{8}$, c) $-\frac{8}{5}$, d) $\frac{8}{5}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta C0

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{3}\right)^x > 27$, je rovna množině:
a) $(-3, +\infty)$, b) $(-\infty, -3)$, c) $(3, +\infty)$, d) $(-\infty, 3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{-1+i}{1+i}$ je rovna číslu:
a) 0, b) $\frac{1}{2}$, c) 1, d) 2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Číslo $\frac{\sqrt[3]{2^5}}{\sqrt[3]{2^2} \cdot \sqrt{2^3}}$ je rovno číslu:
a) $\frac{1}{2}$, b) $\sqrt{2}$, c) $\frac{\sqrt{2}}{2}$, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Číslo $\binom{5}{2} + \binom{5}{0}$ je rovno číslu:
a) 8, b) 9, c) 10, d) 11, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x < 0$, je rovna množině:
a) $(0, 1)$, b) $(1, +\infty)$, c) $(0, \frac{4}{7})$, d) $(\frac{4}{7}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Je-li $\sin \alpha = \frac{1}{3}$, pak číslo $\operatorname{tg}^2 \alpha$ je rovno číslu:
a) $\frac{1}{6}$, b) $\frac{1}{9}$, c) $\frac{1}{8}$, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Obecnou rovnici přímky, která prochází bodem $A = [1, 3]$ a je kolmá na přímku
$$p : \begin{cases} x = 1 - 2t, \\ y = t, \end{cases} \quad \text{kde } t \in \mathbb{R},$$
 lze napsat ve tvaru:
a) $x + 2y - 7 = 0$, b) $x - 2y + 5 = 0$, c) $2x + y - 5 = 0$, d) $2x - y + 1 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. První člen a_1 v aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_1 + a_7 = 22$ a $a_3 \cdot a_4 = 88$, je roven číslu:
a) 4, b) 3, c) 2, d) $\frac{1}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTENÉ %.

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\frac{x^2 - 3x + 2}{2x^2 + 5} < 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -2) \cup (-1, +\infty)$, b) $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$, c) $(-2, -1)$, d) $(1, 2)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Poloměr kružnice $k : x^2 + y^2 - 2x - 4y + 4 = 0$ je roven číslu:

- a) 3, b) 2, c) 1, d) 4, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_4 |x| - 2 \log_4 |x| < 0$, je rovna množině:

- a) $(1, 16)$, b) $(-16, -1)$, c) $(-1, 0) \cup (0, 1)$, d) $(-16, -1) \cup (1, 16)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $2 \sin(\frac{x}{2}) = -\sqrt{2} \sin x$, je roven číslu:

- a) 0, b) 1, c) 2, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Komplexní číslo $z = \log_{\frac{1}{3}} 9 + i \log_{\frac{1}{5}} 25$ má goniometrický tvar:

- a) $z = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$, b) $z = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$,
c) $z = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$, d) $z = 2\sqrt{2} \left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4} \right)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Uvažujme funkci f definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{|x^2 - 3| - 1}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$ takových, že $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-\infty, -2)$, b) $(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$, c) $(2, +\infty)$, d) $(-2, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Směrnice přímky, která prochází středy kružnic

$$k_1 : x^2 + y^2 + 6x - 10y + 9 = 0, \quad k_2 : x^2 + y^2 + 18x + 4y + 21 = 0,$$

je rovna číslu:

- a) $-\frac{7}{6}$, b) $\frac{6}{7}$, c) $\frac{7}{6}$, d) $-\frac{6}{7}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta C1

-
- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.
-

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{3}\right)^x < 0$, je rovna množině:
a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(-\infty, -1)$, d) $(0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{i}{1+i}$ je rovna číslu:
a) 1, b) -1 , c) $\frac{1}{2}$, d) $-\frac{1}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
3. Číslo $\frac{\sqrt[3]{2^5} \cdot \sqrt[3]{4^{-1}}}{\sqrt{8}}$ je rovno číslu:
a) $\frac{\sqrt{2}}{2}$, b) $\sqrt{2}$, c) 2, d) $2\sqrt{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
4. Číslo $\binom{5}{3} + \binom{5}{1}$ je rovno číslu:
a) 25, b) 20, c) 10, d) 15, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{4}} x < 0$, je rovna množině:
a) $(1, +\infty)$, b) $(0, 1)$, c) $(0, \frac{7}{4})$, d) $(\frac{4}{7}, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
6. Je-li $\sin \alpha = \frac{2}{3}$, pak číslo $\operatorname{tg}^2 \alpha$ je rovno číslu:
a) $\frac{5}{4}$, b) $\frac{7}{4}$, c) $\frac{4}{5}$, d) $\frac{4}{7}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
7. Obecnou rovnici přímky, která prochází bodem $A = [-1, 1]$ a je kolmá na přímku
- $$p : \begin{cases} x = 1 + t, \\ y = 2 - 3t, \end{cases} \quad \text{kde } t \in \mathbb{R},$$
- lze napsat ve tvaru:
- a) $x - 3y + 4 = 0$, b) $3x + y + 2 = 0$, c) $3x - y + 4 = 0$, d) $x + 3y - 2 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-
8. První člen a_1 v aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_2 + a_5 = 6$ a $a_7 - a_3 = 8$, je roven číslu:
a) 4, b) -2 , c) 2, d) -4 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

VERA ŽÍČKOVÁ

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\frac{x^2 - 7x + 6}{4x^2 + 5} < 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 1)$, b) $(1, 6)$, c) $(6, +\infty)$, d) $(-\infty, 1) \cup (6, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Poloměr kružnice $k : x^2 + y^2 - 4x + 14y + 48 = 0$ je roven číslu:

- a) 3, b) 5, c) $\sqrt{5}$, d) $\sqrt{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_5^2 |x| - 2 \log_5 |x| < 0$, je rovna množině:

- a) $(-25, 0) \cup (0, 25)$, b) $(-1, 0) \cup (0, 1)$, c) $(-25, -1)$, d) $(1, 25)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, 2\pi)$, pro která platí $\sqrt{3} \sin(\frac{x}{2}) + \sin x = 0$, je roven číslu:

- a) 1, b) 2, c) 3, d) 4, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Komplexní číslo $z = \log_{\frac{1}{3}} 9 - i \log_5 25$ má goniometrický tvar:

- a) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4})$, b) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$,
c) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4})$, d) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4})$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Uvažujme funkci f definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{|x^2 - 4| - 2}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$ takových, že $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-\infty, -\sqrt{6}) \cup (\sqrt{6}, +\infty)$, b) $(-\sqrt{6}, \sqrt{6})$, c) $(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$,
d) $(-\infty, -\sqrt{6}) \cup (-\sqrt{2}, \sqrt{2}) \cup (\sqrt{6}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Směrnice přímky, která prochází středy kružnic

$$k_1 : x^2 + y^2 - 12x - 14y + 36 = 0, \quad k_2 : x^2 + y^2 - 4x - 4y + 7 = 0,$$

je rovna číslu:

- a) $-\frac{5}{4}$, b) $\frac{5}{4}$, c) $\frac{4}{5}$, d) $-\frac{4}{5}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta C2

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{3}{4}\right)^x > -1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(-\infty, +\infty)$, d) $(0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{2i}{1-3i}$ je rovna číslu:

- a) $-\frac{3}{5}$, b) $\frac{3}{5}$, c) $-\frac{5}{3}$, d) $\frac{5}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Číslo $\frac{\sqrt[3]{81} \cdot \sqrt[3]{3}}{\sqrt[3]{9} \cdot \sqrt[3]{27}}$ je rovno číslu:

- a) $\frac{1}{3}$, b) $\sqrt{3}$, c) $\sqrt[3]{3}$, d) $\frac{\sqrt{3}}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Číslo $\binom{7}{5} + \binom{7}{0}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{8}{5}$, b) $\binom{21}{1}$, c) $\binom{22}{21}$, d) $\binom{20}{19}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{6}} x > 0$, je rovna množině:

- a) $(1, +\infty)$, b) $(0, 1)$, c) $(0, +\infty)$, d) $(\frac{5}{4}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Je-li $\cos \alpha = \frac{2}{3}$, pak číslo $\operatorname{tg}^2 \alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{4}{5}$, b) $\frac{4}{7}$, c) $\frac{5}{4}$, d) $\frac{7}{4}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Obecnou rovnici přímky, která prochází bodem $A = [3, 1]$ a je kolmá na přímku

$$p : \begin{cases} x = 7 + 3t, \\ y = 5 - 2t, \end{cases} \text{ kde } t \in \mathbb{R},$$

lze napsat ve tvaru:

- a) $3x - 2y - 7 = 0$, b) $2x - 3y - 3 = 0$, c) $2x + 3y - 9 = 0$, d) $3x + 2y - 11 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. První člen a_1 v aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_1 + a_5 = -8$ a $a_2 + a_6 = -4$, je roven číslu:

- a) 8, b) 6, c) -8, d) -6, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTĚ %

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\frac{x^2 + 2x - 15}{4x^2 + 9} < 0$, je rovna množině:

- a) $(-3, 5)$,
- b) $(3, 5)$,
- c) $(-5, 3)$,
- d) $(-5, -3)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Poloměr kružnice $k : x^2 + y^2 + 14x - 16y + 77 = 0$ je roven číslu:

- a) 6,
 - b) 4,
 - c) 8,
 - d) 5,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_6 |x| - 2 \log_6 |x| < 0$, je rovna množině:

- a) $(-36, -1)$,
- b) $(-1, 1)$,
- c) $(1, 36)$,
- d) $(-36, -1) \cup (1, 36)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $3 \sin(\frac{x}{2}) + \sqrt{3} \sin x = 0$, je roven číslu:

- a) 4,
 - b) 3,
 - c) 2,
 - d) 1,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Komplexní číslo $z = \log_3 \frac{1}{9} + i \log_{\frac{1}{3}} 25$ má goniometrický tvar:

- a) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4})$,
- b) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$,
- c) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4})$,
- d) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4})$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Uvažujme funkci f definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{|x^2 - 5| - 3}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$ takových, že $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-\infty, -2\sqrt{2}) \cup (-\sqrt{2}, \sqrt{2}) \cup (2\sqrt{2}, +\infty)$,
- b) $(-\infty, -2\sqrt{2}) \cup (-\sqrt{2}, \sqrt{2}) \cup (2\sqrt{2}, +\infty)$,
- c) $(-\infty, -2\sqrt{2}) \cup (2\sqrt{2}, +\infty)$,
- d) $(-\infty, -2\sqrt{2}) \cup (-\sqrt{2}, \sqrt{2}) \cup (2\sqrt{2}, +\infty)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Směrnice přímky, která prochází středy kružnic

$$k_1 : x^2 + y^2 + 14x - 16y + 77 = 0, \quad k_2 : x^2 + y^2 + 18x - 14y + 66 = 0,$$

je rovna číslu:

- a) $-\frac{1}{2}$,
 - b) $\frac{1}{2}$,
 - c) 2,
 - d) -2,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta C3

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{4}{3}\right)^x > 0$, je rovna množině:
a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(-\infty, +\infty)$, d) $(0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{1+3i}{2i}$ je rovna číslu:
a) $\frac{3}{2}$, b) $\frac{2}{3}$, c) $-\frac{3}{2}$, d) $-\frac{2}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Číslo $\frac{\sqrt[3]{9} \cdot \sqrt{27}}{\sqrt[3]{81} \cdot \sqrt[3]{3}}$ je rovno číslu:
a) $\frac{1}{\sqrt{3}}$, b) $\sqrt{3}$, c) $\frac{1}{\sqrt[3]{3}}$, d) $\sqrt[3]{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Číslo $\binom{8}{6} + \binom{8}{0}$ je rovno číslu:
a) $\binom{9}{6}$, b) $\binom{28}{0}$, c) $\binom{28}{1}$, d) $\binom{29}{1}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{3}{4}} x < 0$, je rovna množině:
a) $(0, 1)$, b) $(1, +\infty)$, c) \emptyset , d) $(0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Je-li $\sin \alpha = \frac{3}{5}$, pak číslo $\operatorname{tg}^2 \alpha$ je rovno číslu:
a) $\frac{16}{7}$, b) $\frac{7}{16}$, c) $\frac{9}{16}$, d) $\frac{16}{9}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Obecnou rovnici přímky, která prochází bodem $A = [-2, 1]$ a je kolmá na přímku
$$p : \begin{cases} x = 1 + t, \\ y = -4t, \end{cases} \quad \text{kde } t \in \mathbb{R},$$
 lze napsat ve tvaru:
a) $x - 4y + 6 = 0$, b) $4x + y + 7 = 0$, c) $x + 4y - 2 = 0$, d) $4x - y + 9 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. První člen a_1 v aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_1 + a_4 = 10$ a $\frac{a_6}{a_2} = 3$, je roven číslu:
a) -2 , b) 2 , c) 3 , d) -3 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTNE %

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\frac{x^2 - 9x + 20}{3x^2 + 2} < 0$, je rovna množině:

- a) $(-5, -4)$,
- b) $(4, 5)$,
- c) $(-4, 5)$,
- d) $(-5, 4)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Poloměr kružnice $k : x^2 + y^2 + 18x - 14y + 66 = 0$ je roven číslu:

- a) 6,
- b) 7,
- c) 8,
- d) 5,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_3^2 |x| - 4 \log_3 |x| < 0$, je rovna množině:

- a) $(-81, -1)$,
- b) $(-1, 1)$,
- c) $(-81, -1) \cup (1, 81)$,
- d) $(-1, 0) \cup (0, 1)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $\sin(\frac{x}{2}) + \sin x = 0$, je roven číslu:

- a) 0,
- b) 1,
- c) 2,
- d) 3,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Komplexní číslo $z = -\log_{\frac{1}{3}} \frac{1}{9} - i \log_{\frac{1}{5}} \frac{1}{25}$ má goniometrický tvar:

- a) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4})$,
- b) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4})$,
- c) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4})$,
- d) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Uvažujme funkci f definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{|x^2 - 5| - 1}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$ takových, že $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-\infty, -\sqrt{6}) \cup (-2, 2) \cup (\sqrt{6}, +\infty)$,
- b) $(-\infty, -\sqrt{6}) \cup (-1, 1) \cup (\sqrt{6}, +\infty)$,
- c) $(-\infty, -\sqrt{6}) \cup (-\sqrt{2}, \sqrt{2}) \cup (\sqrt{6}, +\infty)$,
- d) $(-\infty, -\sqrt{6}) \cup (-\sqrt{3}, \sqrt{3}) \cup (\sqrt{6}, +\infty)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Směrnice přímky, která prochází středy kružnic

$$k_1 : x^2 + y^2 + 8x - 14y + 49 = 0, \quad k_2 : x^2 + y^2 + 12x + 16y + 91 = 0,$$

je rovna číslu:

- a) $-\frac{15}{2}$,
- b) $\frac{2}{15}$,
- c) $-\frac{2}{15}$,
- d) $\frac{15}{2}$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta C4

-
- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.
-

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{3}{5}\right)^x < -1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(-\infty, +\infty)$, d) $(0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{1+i}{1-i}$ je rovna číslu:

- a) $\frac{1}{2}$, b) $-\frac{1}{2}$, c) 1, d) 0, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

3. Číslo $\frac{\sqrt[3]{4^5}}{\sqrt[3]{16} \cdot \sqrt{64}}$ je rovno číslu:

- a) $\frac{\sqrt{2}}{4}$, b) $\frac{1}{4}$, c) $\frac{1}{2}$, d) $\frac{1}{8}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

4. Číslo $\binom{6}{4} + \binom{6}{0}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{7}{4}$, b) 16, c) 1, d) 12, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x < 0$, je rovna množině:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, \frac{8}{5})$, c) \emptyset , d) $(1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

6. Je-li $\cos \alpha = \frac{3}{7}$, pak číslo $\operatorname{tg}^2 \alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{40}{9}$, b) $\frac{9}{40}$, c) $\frac{40}{7}$, d) $\frac{7}{40}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

7. Obecnou rovnici přímky, která prochází bodem $A = [2, -2]$ a je kolmá na přímku

$$p : \begin{cases} x = 9 + 3t, \\ y = 7 + t, \end{cases} \quad \text{kde } t \in \mathbb{R},$$

lze napsat ve tvaru:

- a) $3x + y - 4 = 0$, b) $x - 3y - 8 = 0$, c) $x + 3y + 4 = 0$, d) $3x - y - 8 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

8. První člen a_1 v aritmetické posloupnosti, ve které platí $a_2 + a_4 = 12$ a $a_3 + a_6 = 18$, je roven číslu:

- a) 3, b) 2, c) -3, d) -2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

OBRÁTĚ %

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\frac{x^2 + x - 20}{5x^2 + 1} < 0$, je rovna množině:

- a) $(-4, 5)$,
- b) $(-5, -4)$,
- c) $(4, 5)$,
- d) $(-5, 4)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Poloměr kružnice $k : x^2 + y^2 + 4x - 2y - 15 = 0$ je roven číslu:

- a) $\sqrt{5}$,
 - b) $2\sqrt{5}$,
 - c) $\sqrt{15}$,
 - d) $\frac{\sqrt{5}}{2}$,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_2|x| - 5 \log_2|x| < 0$, je rovna množině:

- a) $(-32, -1) \cup (1, 32)$,
- b) $(-1, 1)$,
- c) $(-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$,
- d) $(-32, 0) \cup (0, 32)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $\sin(\frac{x}{2}) - \sin x = 0$, je roven číslu:

- a) 4,
- b) 3,
- c) 2,
- d) 1,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Komplexní číslo $z = \log_{\frac{1}{3}} 25 - i \log_{\frac{1}{3}} \frac{1}{9}$ má goniometrický tvar:

- a) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4})$,
- b) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$,
- c) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4})$,
- d) $z = 2\sqrt{2} (\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4})$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Uvažujme funkci f definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{|x^2 - 6| - 3}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$ takových, že $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-\infty, -3) \cup (3, +\infty)$,
- b) $(-3, 3)$,
- c) $(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$,
- d) $(-\infty, -3) \cup (-\sqrt{3}, \sqrt{3}) \cup (3, +\infty)$,
- e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Směrnice přímky, která prochází středy kružnic

$$k_1 : x^2 + y^2 - 16x + 12y + 75 = 0, \quad k_2 : x^2 + y^2 + 2x - 18y + 73 = 0,$$

je rovna číslu:

- a) $\frac{5}{3}$,
 - b) $-\frac{5}{3}$,
 - c) $\frac{3}{5}$,
 - d) $-\frac{3}{5}$,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta D0

-
- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.
-

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{3}}(x - 3) < 0$, je rovna množině:
a) $(3, 4)$, b) $(3, +\infty)$, c) $(4, +\infty)$, d) $(0, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Číslo $\binom{7}{5} - \binom{7}{2}$ je rovno číslu:
a) $\binom{7}{3}$, b) 0, c) 1, d) $\binom{6}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 - 3x - 4 < 0$, je rovna množině:
a) $(-4, 1)$, b) $(-4, -1)$, c) $(-1, 1)$, d) $(-1, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Číslo $\frac{\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{2}}}{\sqrt{2}}$ je rovno číslu:
a) $\sqrt[3]{2}$, b) $\sqrt{2}$, c) 1, d) $\sqrt[4]{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_3 x > 3$, je rovna množině:
a) $(27, +\infty)$, b) $(9, +\infty)$, c) $(6, +\infty)$, d) $(0, 27)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Kvocient geometrické posloupnosti, kde $a_2 = 4$ a $a_5 = 32$, je roven číslu, které náleží intervalu:
a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Reálná část komplexního čísla $z = (1 - 2i)^2$ je rovna číslu:
a) -3, b) -2, c) -1, d) -4, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{3}\right)^x > 0$, je rovna množině:
a) $(0, +\infty)$, b) $(-\infty, 0)$, c) $(1, +\infty)$, d) $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

OBRÁTNE %

9. Na přímce, která prochází body $A = [2, 8]$ a $B = [1, 3]$, leží bod:

- a) $[-1, -8]$, b) $[-2, 11]$, c) $[0, -2]$, d) $[3, 12]$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Pro $\alpha \in (0, \frac{\pi}{2})$ je $\sin \alpha = \frac{1}{3}$. Pak číslo $\cos \alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{2}{3}$, b) $\frac{\sqrt{2}}{3}$, c) $\sqrt{\frac{2}{3}}$, d) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{3}}(4-x^2) > -1$, je rovna množině:

- a) $(-2, -1)$, b) $(1, 2)$, c) $(-2, -1) \cup (1, 2)$, d) $(-1, 1)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $\sqrt{2} \sin 2x + \sin 4x = 0$, je roven číslu:

- a) 4, b) 3, c) 2, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{3}\right)^{|x-1|} \leq \frac{1}{27}$, je rovna množině:

- a) $\langle -2, 4 \rangle$, b) $(-\infty, -2) \cup (4, +\infty)$, c) $(-\infty, -2)$, d) $(4, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Uvažujme trojúhelník v rovině o vrcholech

$$A = [4, -1], \quad B = [7, 2], \quad C = [-2, 11].$$

Poloměr kružnice opsané tomuto trojúhelníku je roven číslu:

- a) $3\sqrt{5}$, b) 5, c) 3, d) $\frac{3}{\sqrt{5}}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Imaginární část komplexního čísla $z = (1-i)^{20}$ je rovna číslu:

- a) 2^{10} , b) -2^{10} , c) 2^{20} , d) 0, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta D1

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}}(x-2) < 0$, je rovna množině:

- a) $(2, 3)$, b) $(3, +\infty)$, c) \emptyset , d) $(2, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Číslo $\binom{8}{5} - \binom{8}{3}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{8}{2}$, b) -1 , c) 1 , d) 0 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 + 3x - 10 < 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -5)$, b) $(2, +\infty)$, c) $(-\infty, -5) \cup (2, +\infty)$, d) $(-5, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Číslo $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt[3]{3} \cdot \sqrt[6]{3}}$ je rovno číslu:

- a) 1 , b) $\sqrt[6]{3}$, c) $\frac{1}{\sqrt[3]{3}}$, d) $\sqrt[12]{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_2 x > 4$, je rovna množině:

- a) $(8, +\infty)$, b) $(16, +\infty)$, c) $(4, +\infty)$, d) $(0, 16)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Kvocient geometrické posloupnosti, kde $a_4 = 16$ a $a_7 = 128$, je roven číslu, které náleží intervalu:

- a) $(3, 4)$, b) $(2, 3)$, c) $(1, 2)$, d) $(0, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Reálná část komplexního čísla $z = (2 - 3i)^2$ je rovna číslu:

- a) -5 , b) 5 , c) 9 , d) -9 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{5}\right)^x < 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(0, +\infty)$, d) $(-\infty, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRATNÉ %

9. Na přímce, která prochází body $A = [2, 8]$ a $B = [1, 3]$, leží bod:

- a) $[3, 14]$, b) $[-2, -13]$, c) $[-4, -21]$, d) $[-1, -7]$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. Pro $\alpha \in (0, \frac{\pi}{2})$ je $\sin \alpha = \frac{2}{3}$. Pak číslo $\cos \alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{5}{3}$, b) $-\frac{5}{3}$, c) $\frac{\sqrt{5}}{3}$, d) $-\frac{\sqrt{5}}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}}(4-x^2) > -1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -\sqrt{2})$, b) $(-2, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, 2)$, c) $(-\infty, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty)$, d) $(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $2 \sin 2x - \sqrt{2} \sin 4x = 0$, je roven číslu:

- a) 2, b) 3, c) 4, d) 5, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{2}\right)^{|x-2|} \leq \frac{1}{4}$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0) \cup (4, +\infty)$, b) $(0, 4)$, c) $(4, +\infty)$, d) $(-\infty, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme trojúhelník v rovině o vrcholech

$$A = [5, 10], \quad B = [2, 7], \quad C = [9, 0].$$

Poloměr kružnice opsané tomuto trojúhelníku je roven číslu:

- a) 5, b) $\sqrt{29}$, c) $5\sqrt{2}$, d) $2\sqrt{7}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Imaginární část komplexního čísla $z = \left(\frac{1}{2} + \frac{i}{2}\right)^{16}$ je rovna číslu:

- a) 2^{-8} , b) 2^{-4} , c) 0, d) 2^{-16} , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta D2

-
- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.
-

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{4}}(x - 5) < 0$, je rovna množině:

- a) $(5, 6)$, b) $(5, +\infty)$, c) $(6, +\infty)$, d) \emptyset , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

2. Číslo $\binom{9}{7} - \binom{9}{2}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{9}{5}$, b) 0, c) 1, d) -1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 - 2x - 8 < 0$, je rovna množině:

- a) $(-2, 4)$, b) $(-4, 2)$, c) $(-4, -2)$, d) $(-4, -2) \cup (-2, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

4. Číslo $\frac{\sqrt[3]{5} \cdot \sqrt[3]{\sqrt{5}}}{\sqrt{5}}$ je rovno číslu:

- a) $\sqrt[6]{5}$, b) 1, c) $\frac{1}{\sqrt[6]{5}}$, d) $\sqrt[12]{5}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_2 x > 2$, je rovna množině:

- a) $(0, 4)$, b) $(1, 4)$, c) $(4, +\infty)$, d) $(2, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

6. Kvocient geometrické posloupnosti, kde $a_3 = 8$ a $a_6 = 64$, je roven číslu, které náleží intervalu:

- a) $(4, 5)$, b) $(3, 4)$, c) $(2, 3)$, d) $(0, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

7. Reálná část komplexního čísla $z = (1 - 3i)^2$ je rovna číslu:

- a) -8, b) 8, c) 6, d) -6, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

8. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{7}\right)^x > 0$, je rovna množině:

- a) $(0, +\infty)$, b) \emptyset , c) $(-\infty, +\infty)$, d) $(-\infty, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

OBRÁZKY ✓.

9. Na přímce, která prochází body $A = [1, 3]$ a $B = [2, 8]$, leží bod:

- a) $[\frac{1}{5}, -2]$, b) $[-2, -12]$, c) $[3, 14]$, d) $[-\frac{1}{5}, -2]$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. Pro $\alpha \in (0, \frac{\pi}{2})$ je $\cos \alpha = \frac{3}{4}$. Pak číslo $\sin \alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{\sqrt{5}}{4}$, b) $\frac{\sqrt{6}}{4}$, c) $\frac{\sqrt{7}}{4}$, d) $\frac{\sqrt{2}}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{3}}(9-x^2) > -1$, je rovna množině:

- a) $(2, 3)$, b) $(-3, -2) \cup (2, 3)$, c) $(-3, -2)$, d) $(-2, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $\cos 2x + \sin 4x = 0$, je roven číslu:

- a) 4, b) 3, c) 2, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{3}\right)^{|x-3|} \leq \frac{1}{81}$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -1)$, b) $(-1, 7)$, c) $(7, +\infty)$, d) $(-\infty, -1) \cup (7, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme trojúhelník v rovině o vrcholech

$$A = [4, 2], \quad B = [5, 5], \quad C = [1, 3].$$

Poloměr kružnice opsané tomuto trojúhelníku je roven číslu:

- a) $\sqrt{7}$, b) $2\sqrt{2}$, c) $\sqrt{6}$, d) $\sqrt{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Imaginární část komplexního čísla $z = \left(-\frac{1}{2} + \frac{i}{2}\right)^8$ je rovna číslu:

- a) 2^{-4} , b) 2^{-8} , c) 0, d) 2^{-6} , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta D3

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{6}}(x - 7) < 0$, je rovna množině:

- a) $(7, 8)$, b) $(8, +\infty)$, c) \emptyset , d) $(7, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Číslo $\binom{11}{8} - \binom{11}{3}$ je rovno číslu:

- a) 0, b) $\binom{11}{5}$, c) 1, d) $\binom{10}{8}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 + x - 12 < 0$, je rovna množině:

- a) $(-3, 4)$, b) $(-\infty, -3) \cup (4, +\infty)$, c) $(-4, 3)$, d) $(-\infty, -4) \cup (3, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Číslo $\frac{\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt{2}}{\sqrt[3]{\sqrt{2}}}$ je rovno číslu:

- a) $\sqrt[3]{4}$, b) $\sqrt[3]{2}$, c) 1, d) $\sqrt[6]{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_3 x < -1$, je rovna množině:

- a) \emptyset , b) $(\frac{1}{3}, 1)$, c) $(0, 1)$, d) $(0, \frac{1}{3})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Kvocient geometrické posloupnosti, kde $a_1 = 2$ a $a_4 = 128$, je roven číslu, které náleží intervalu:

- a) $(2, 3)$, b) $(3, 4)$, c) $(4, 5)$, d) $(5, 6)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Reálná část komplexního čísla $z = (2 + 3i)^2$ je rovna číslu:

- a) -6, b) -5, c) -4, d) -3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{5}\right)^x < -1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) $(-\infty, +\infty)$, d) \emptyset , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁŽNE /.

9. Na přímce, která prochází body $A = [1, 3]$ a $B = [2, 8]$, leží bod:

- a) $[-2, -11]$, b) $[-\frac{1}{5}, -3]$, c) $[3, 14]$, d) $[4, 19]$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Pro $\alpha \in (0, \frac{\pi}{2})$ je $\sin \alpha = \frac{3}{4}$. Pak číslo $\cos \alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{\sqrt{7}}{4}$, b) $\frac{4}{\sqrt{7}}$, c) $\frac{5}{\sqrt{7}}$, d) $\frac{\sqrt{7}}{5}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{6}}(9-x^2) > -1$, je rovna množině:

- a) $(-3, -\sqrt{3})$, b) $(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$, c) $(\sqrt{3}, 3)$, d) $(-\infty, -3) \cup (3, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech $x \in (0, \pi)$, pro která platí $2 \sin 2x - \sqrt{2} \sin 4x = 0$, je roven číslu:

- a) 2, b) 3, c) 4, d) 5, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{2}\right)^{|x-1|} \leq \frac{1}{32}$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -4)$, b) $(-4, 6)$, c) $(6, +\infty)$, d) $(-\infty, -4) \cup (6, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Uvažujme trojúhelník v rovině o vrcholech

$$A = [3, -4], \quad B = [2, -1], \quad C = [-1, -2].$$

Poloměr kružnice opsané tomuto trojúhelníku je roven číslu:

- a) $\sqrt{5}$, b) $\sqrt{10}$, c) $\frac{\sqrt{10}}{2}$, d) $\frac{\sqrt{5}}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Imaginární část komplexního čísla $z = \left(-\frac{1}{3} - \frac{i}{3}\right)^{16}$ je rovna číslu:

- a) $\left(\frac{2}{3}\right)^{16}$, b) 0, c) $\frac{2^8}{3^{16}}$, d) $\left(\frac{2}{3}\right)^8$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta E0

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Číslo $\frac{\sqrt[3]{\sqrt{2}} \cdot \sqrt[4]{8}}{\sqrt[3]{4}}$ je rovno číslu:

- a) $\sqrt[4]{2}$, b) $\sqrt{2}$, c) 1, d) $\sqrt[3]{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{3}\right)^x < 1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(0, +\infty)$, d) $(-\infty, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Číslo $\log_2 \sqrt[4]{64}$ náleží intervalu:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x < 0$, je rovna množině:

- a) $(0, +\infty)$, b) \emptyset , c) $(1, +\infty)$, d) $(0, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky

$$p_1 : 2x - my + 2 = 0 \quad \text{a} \quad p_2 : x - 3y + 7 = 0$$

kolmé, je rovna číslu:

- a) $-\frac{2}{3}$, b) $\frac{2}{3}$, c) $\frac{3}{2}$, d) $-\frac{3}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Množina všech reálných čísel, pro která platí $3^x < -1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(0, +\infty)$, d) $(-\infty, -1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Číslo $\binom{7}{2} + \binom{7}{3}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{7}{5}$, b) $2 \binom{7}{5}$, c) 1, d) $\binom{8}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Imaginární část komplexního čísla $z = \frac{2 - 3i}{1 + i}$ je rovna číslu:

- a) $\frac{5}{2}$, b) $-\frac{5}{2}$, c) $\frac{7}{2}$, d) $-\frac{7}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRATNÉ %

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí

$$\frac{x-2}{x+1} < 0,$$

je rovna množině:

- a) $(-1, 2)$, b) $(-2, 1)$, c) $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$, d) $(-\infty, -2) \cup (-1, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. V aritmetické posloupnosti je

$$a_2 + a_6 = 14, \quad a_8 - a_3 = 10.$$

Třináctý člen a_{13} této posloupnosti je roven číslu:

- a) 23, b) 24, c) 25, d) 26, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $2^{|x^2-4|} < 4$, je rovna množině:

- a) $(\sqrt{2}, \sqrt{6})$, b) $(-\sqrt{6}, -\sqrt{2})$, c) $(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$, d) $(-\sqrt{6}, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, \sqrt{6})$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech řešení rovnice $2 \sin^2 x + \sqrt{2} \sin x = 0$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 2, b) 1, c) 0, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Koefficient u x^{-2} v binomickém rozvoji $\left(\sqrt[3]{x} + \frac{2}{x}\right)^{10}$ je pro $x \neq 0$ roven číslu:

- a) $\binom{10}{2} \cdot 2^4$, b) $\binom{10}{4} \cdot 2^4$, c) $\binom{10}{6} \cdot 2^6$, d) $\binom{10}{8} \cdot 2^8$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme funkci definovanou předpisem

$$f(x) = \frac{1}{\log(3 - |x - 2|)}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$, pro která je $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(-1, 0)$, b) $(0, 4)$, c) $(4, 5)$, d) $(0, 5)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Množina všech reálných čísel, pro která platí $4^{x+1} - 17 \cdot 2^x > -4$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -2) \cup (2, +\infty)$, b) $(-2, 2)$, c) $(2, +\infty)$, d) $(-\infty, -2)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta E1

-
- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.
-

Příklady hodnocené pěti body

1. Číslo $\frac{\sqrt[3]{4} \cdot \sqrt[4]{8^{-1}}}{\sqrt[3]{\sqrt{2}}}$ je rovno číslu:

- a) 1, b) $\frac{1}{\sqrt[4]{2}}$, c) $\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$, d) $\frac{1}{\sqrt{2}}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{1}{2}\right)^x < -1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) \emptyset , d) $(-\infty, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Číslo $\log_{16} \sqrt[3]{32}$ náleží intervalu:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{3}} x > 0$, je rovna množině:

- a) $(0, +\infty)$, b) $(1, +\infty)$, c) $(0, \frac{1}{3})$, d) $(0, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky

$$p_1 : 2x + y - 3 = 0 \quad a \quad p_2 : mx + 3y - 7 = 0$$

kolmé, je rovna číslu:

- a) -3, b) 3, c) $-\frac{3}{2}$, d) $\frac{3}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Množina všech reálných čísel, pro která platí $3^x > 1$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) \emptyset , d) $(-\infty, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Číslo $\binom{7}{5} - \binom{7}{2}$ je rovno číslu:

- a) 0, b) 1, c) $\binom{7}{3}$, d) -1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Imaginární část komplexního čísla $z = \frac{3+2i}{1-i}$ je rovna číslu:

- a) $\frac{3}{2}$, b) $-\frac{3}{2}$, c) $\frac{5}{2}$, d) $-\frac{5}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRATNÉ %

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí

$$\frac{x-3}{x+1} < 0,$$

je rovna množině:

- a) $(-3, 1)$, b) $(-1, 3)$, c) $(-3, -1)$, d) $(1, 3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. V aritmetické posloupnosti je

$$a_3 + a_5 = 14, \quad a_7 + a_2 = 16.$$

Desátý člen a_{10} této posloupnosti je roven číslu:

- a) 16, b) 17, c) 18, d) 19, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $2^{|x^2-6|} < 8$, je rovna množině:

- a) $(-3, -\sqrt{3}) \cup (\sqrt{3}, 3)$, b) $(-3, 3)$, c) $(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$, d) $(-3, \sqrt{3})$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech řešení rovnice $2 \sin^2 x - \sqrt{2} \sin x = 0$ v intervalu $\langle 0, \pi \rangle$ je roven číslu:

- a) 5, b) 4, c) 3, d) 2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Koeficient u x^2 v binomickém rozvoji $\left(\sqrt[3]{2x} - \frac{2}{3x}\right)^{10}$ je pro $x \neq 0$ roven číslu:

- a) $\frac{10}{3} \cdot 2^4$, b) $\frac{10}{5} \cdot 2^4$, c) $-\frac{10}{3} \cdot 2^4$, d) $-\frac{10}{5} \cdot 2^4$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme funkci definovanou předpisem

$$f(x) = \frac{1}{\log(3 - |x - 3|)}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$, pro která je $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(0, 1)$, b) $(0, 1) \cup (1, 5)$, c) $(1, 5)$, d) $(0, 1) \cup (1, 5) \cup (5, 6)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Množina všech reálných čísel, pro která platí $4^x - 9 \cdot 2^x \leq -8$, je rovna množině:

- a) $(-3, 0)$, b) $(0, 3)$, c) $(0, 5)$, d) $(3, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta E3

-
- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.
-

Příklady hodnocené pěti body

1. Číslo $\frac{\sqrt[3]{\sqrt{5}} \cdot \sqrt[4]{125}}{\sqrt[3]{25}}$ je rovno číslu:

- a) $\sqrt{5}$, b) $\sqrt[3]{5}$, c) 1, d) $\sqrt[4]{5}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{3}{7}\right)^x < 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(0, +\infty)$, d) $(-\infty, -1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Číslo $\log_3 \sqrt[3]{81}$ náleží intervalu:

- a) $(3, 4)$, b) $(2, 3)$, c) $(1, 2)$, d) $(0, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_7 x < 0$, je rovna množině:

- a) $(0, 1)$, b) \emptyset , c) $(0, +\infty)$, d) $(0, 7)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky

$$p_1 : 7x - 5y + 8 = 0 \quad \text{a} \quad p_2 : x + my - 6 = 0$$

kolmé, je rovna číslu:

- a) $\frac{5}{7}$, b) $-\frac{5}{7}$, c) $\frac{7}{5}$, d) $-\frac{7}{5}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Množina všech reálných čísel, pro která platí $7^x < -2$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) \emptyset , c) $(-\infty, -7)$, d) $(-\infty, -1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Číslo $\binom{9}{7} - \binom{9}{2}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{9}{5}$, b) $\binom{10}{8}$, c) 1, d) 0, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Imaginární část komplexního čísla $z = \frac{i}{2 - 3i}$ je rovna číslu:

- a) $\frac{2}{13}$, b) $-\frac{2}{13}$, c) $\frac{4}{13}$, d) $-\frac{4}{13}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTĚ %.

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí

$$\frac{x-3}{x+2} < 0,$$

je rovna množině:

- a) $(-3, 2)$, b) $(-2, 3)$, c) $(-3, -2)$, d) $(-3, -2) \cup (-2, 3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. V aritmetické posloupnosti je

$$a_2 + a_5 = 12, \quad a_6 - a_4 = 4.$$

Devátý člen a_9 této posloupnosti je roven číslu:

- a) 15, b) 16, c) 17, d) 18, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $2^{|x^2-9|} < 8$, je rovna množině:

- a) $(-2\sqrt{3}, -\sqrt{6}) \cup (\sqrt{6}, 2\sqrt{3})$, b) $(-2\sqrt{3}, 2\sqrt{3})$, c) $(-\sqrt{6}, \sqrt{6})$,
d) $(-\sqrt{6}, 2\sqrt{3})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech řešení rovnice $\sin^2 x = -\frac{1}{\sqrt{2}} \sin x$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 4, b) 3, c) 2, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Koefficient u x^{-1} v binomickém rozvoji $\left(-\frac{2}{x} + \sqrt{2x}\right)^7$ je pro $x > 0$ roven číslu:

- a) $\binom{7}{4} \cdot 2^5$, b) $-\binom{7}{4} \cdot 2^5$, c) $\binom{7}{4} \cdot 2^3$, d) $-\binom{7}{4} \cdot 2^3$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme funkci definovanou předpisem

$$f(x) = \frac{1}{\log(3 - |x - 5|)}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$, pro která je $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(2, 3) \cup (3, 7)$, b) $(2, 3) \cup (3, 7) \cup (7, 8)$, c) $(3, 7) \cup (7, 8)$, d) $(2, 3) \cup (7, 8)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Množina všech reálných čísel, pro která platí $4^{x+1} - 9 \cdot 2^x \geq -2$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -2) \cup (1, +\infty)$, b) $(-2, 1)$, c) $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$, d) $(-1, 2)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta E4

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Číslo $\frac{\sqrt[3]{\sqrt{2}} \cdot \sqrt{\sqrt{4}}}{\sqrt[3]{4}}$ je rovno číslu:

- a) $\sqrt{2}$, b) 1, c) $\sqrt[3]{2}$, d) $\sqrt[4]{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{5}{6}\right)^x < 1$, je rovna množině:

- a) $(0, +\infty)$, b) $(-\infty, 0)$, c) \emptyset , d) $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Číslo $\log_{\frac{1}{2}} \sqrt[3]{32}$ náleží intervalu:

- a) $(0, 3)$, b) $(3, 6)$, c) $(-3, -1)$, d) $(-6, -3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x < -1$, je rovna množině:

- a) $(0, \frac{5}{6})$, b) $(0, \frac{6}{5})$, c) $(\frac{5}{6}, 1)$, d) $(1, \frac{6}{5})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky

$$p_1 : x - my + 6 = 0 \quad \text{a} \quad p_2 : 7x + 2y + 3 = 0$$

kolmé, je rovna číslu:

- a) $\frac{2}{7}$, b) $-\frac{2}{7}$, c) $-\frac{7}{2}$, d) $\frac{7}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Množina všech reálných čísel, pro která platí $3^x > -1$, je rovna množině:

- a) $(0, +\infty)$, b) $(-\infty, +\infty)$, c) $(-\infty, 0)$, d) $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Číslo $\binom{11}{9} - \binom{11}{2}$ je rovno číslu:

- a) $\binom{11}{7}$, b) $\binom{10}{7}$, c) 0, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Imaginární část komplexního čísla $z = \frac{3 - 2i}{1 - i}$ je rovna číslu:

- a) $\frac{1}{2}$, b) $-\frac{1}{2}$, c) $\frac{5}{2}$, d) $-\frac{5}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

9. Množina všech reálných čísel, pro která platí

$$\frac{x-5}{x+2} < 0,$$

je rovna množině:

- a) $(-5, -2)$, b) $(-5, 2)$, c) $(2, 5)$, d) $(-2, 5)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

10. V aritmetické posloupnosti je

$$a_3 + a_5 = 14, \quad a_2 + a_7 = 16.$$

Desátý člen a_{10} této posloupnosti je roven číslu:

- a) 18, b) 19, c) 20, d) 21, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $3^{|x^2-8|} < 27$, je rovna množině:

- a) $(-\sqrt{11}, -\sqrt{5}) \cup (\sqrt{5}, \sqrt{11})$, b) $(-\sqrt{5}, \sqrt{5})$, c) $(-\sqrt{11}, \sqrt{11})$,
d) $(-2\sqrt{3}, -\sqrt{5}) \cup (\sqrt{5}, 2\sqrt{3})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

12. Počet všech řešení rovnice $\sqrt{2} \sin^2 x - \sin x = 0$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 5, b) 4, c) 3, d) 2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Koefficient u x^5 v binomickém rozvoji $\left(\frac{1}{2x} - 4x^3\right)^{11}$ je pro $x \neq 0$ roven číslu:

- a) $\binom{11}{4}$, b) $2\binom{11}{4}$, c) $-\binom{11}{4}$, d) $-2\binom{11}{4}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme funkci definovanou předpisem

$$f(x) = \frac{1}{\log(3 - |x - 6|)}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$, pro která je $f(x) \in \mathbb{R}$) je roven množině:

- a) $(3, 4) \cup (4, 8) \cup (8, 9)$, b) $(3, 4) \cup (8, 9)$, c) $(3, 4) \cup (4, 8)$, d) $(4, 8) \cup (8, 9)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Množina všech reálných čísel, pro která platí $16^x - 9 \cdot 4^x \geq -8$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, \frac{3}{2})$, c) $(\frac{3}{2}, +\infty)$, d) $(-\infty, 0) \cup (\frac{3}{2}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta F0

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Číslo $\log_8 \sqrt[5]{4}$ náleží intervalu:
a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 - 3x \leq 0$, je rovna množině:
a) $(0, 3)$, b) $[0, 3]$, c) $(0, 3)$, d) $(-\infty, 0) \cup (3, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Číslo $\frac{2\sqrt{3} + 3\sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$ je rovno číslu:
a) $-\sqrt{6}$, b) $\sqrt{6}$, c) $-2\sqrt{3}$, d) $2\sqrt{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{5}{7}\right)^x < 1$, je rovna množině:
a) \emptyset , b) $(-\infty, +\infty)$, c) $(0, +\infty)$, d) $(-\infty, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky
 $p_1 : x - 2y + 6 = 0$ a $p_2 : 2x + my - 2 = 0$
rovnoběžné, náleží intervalu:
a) $(4, 8)$, b) $(8, 12)$, c) $(0, 4)$, d) $(-5, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x < -2$, je rovna množině:
a) \emptyset , b) $(4, +\infty)$, c) $(0, 4)$, d) $(0, \frac{1}{2})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. V geometrické posloupnosti je dáno $a_1 = 128$, $q = \frac{1}{2}$, $a_n = 4$. Pak přirozené číslo n je rovno číslu:
a) 6, b) 5, c) 4, d) 7, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Absolutní hodnota komplexního čísla $z = \frac{4+2i}{1+2i}$ je rovna číslu:
a) $2\sqrt{2}$, b) 4, c) $\frac{2}{\sqrt{2}}$, d) 2, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRAŤTE SE

9. Je-li $\sin \alpha = \frac{2}{3}$, pak číslo $\cot^2 \alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{4}{5}$, b) $\frac{5}{4}$, c) $\frac{5}{9}$, d) $\frac{9}{5}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Množina všech hodnot reálného parametru m , pro které má rovnice $x^2 + 2x + m^2 = 0$ dva kořeny reálné různé, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 1)$, b) $(0, 1)$, c) $(-1, 1)$, d) $(1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}}(x^2 - 2x) > -1$, je rovna množině:

- a) $(-1, 3)$, b) $(-3, 1)$, c) $(2, 3)$, d) $(-1, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech řešení rovnice $\cos(4x) + \sqrt{2}\sin(2x) = 1$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 2, b) 3, c) 4, d) 5, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí:

$$\frac{1}{32} < \left(\frac{1}{2}\right)^{|x-2|} < 1$$

je rovna množině:

- a) $(-3, 2)$, b) $(-2, 3)$, c) $(-3, 2) \cup (2, 7)$, d) $(-2, 3) \cup (3, 7)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme funkci definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{4 - x^2} + \log(x^2 - 1).$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$, pro která je $f(x) \in \mathbb{R}$) je množina:

- a) $(-2, -1) \cup (1, 2)$, b) $(-2, -1) \cup (1, 2)$, c) $(-2, -1) \cup (1, 2)$, d) $(-2, -1) \cup (1, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Uvažujme funkci

$$f(x) = |2x + 2| - |x - 1| + 1$$

definovanou na intervalu $(-2, 2)$. Obor funkčních hodnot této funkce je roven množině:

- a) $(-1, 6)$, b) $(-1, 6)$, c) $(-1, 6)$, d) $(-1, 6)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta F2

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Číslo $\log_{\frac{1}{2}} \sqrt[5]{64}$ náleží intervalu:
- a) $(-3, -2)$, b) $(-2, -1)$, c) $(-1, 0)$, d) $(0, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 - 7x \geq 0$, je rovna množině:
- a) $(0, 7)$, b) $(-\infty, 0) \cup (7, +\infty)$, c) $(-7, 0)$, d) $(-\infty, -7) \cup (0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Číslo $\frac{3\sqrt{7} + 7\sqrt{3}}{\sqrt{7} + \sqrt{3}}$ je rovno číslu:
- a) $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}}$, b) $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{7}}$, c) $\sqrt{3}\sqrt{7}$, d) $\sqrt{7} - \sqrt{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{4}{7}\right)^x > 0$, je rovna množině:
- a) \emptyset , b) $(0, +\infty)$, c) $(-\infty, 0)$, d) $(-\infty, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky
 $p_1 : mx + 2y - 5 = 0$ a $p_2 : 3x - y + 2 = 0$
rovnoběžné, náleží intervalu:
- a) $(-10, -7)$, b) $(-7, -4)$, c) $(-4, -1)$, d) $(-1, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{3}} x > -2$, je rovna množině:
- a) $(0, 9)$, b) $(9, +\infty)$, c) $(0, \frac{1}{9})$, d) $(\frac{1}{9}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. V geometrické posloupnosti je dáno $a_1 = 32$, $q = \frac{1}{2}$, $a_n = 1$. Pak přirozené číslo n je rovno číslu:
- a) 8, b) 7, c) 6, d) 5, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Absolutní hodnota komplexního čísla $z = \frac{7+i}{3+4i}$ je rovna číslu:
- a) 2, b) $\sqrt{2}$, c) $2\sqrt{2}$, d) $\frac{\sqrt{2}}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRATNÉ %

-
9. Je-li $\cos \alpha = \frac{2}{3}$, pak číslo $\cot^2 \alpha$ je rovno číslu:
a) $\frac{9}{5}$, b) $\frac{5}{4}$, c) $\frac{5}{9}$, d) $\frac{4}{5}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
10. Množina všech hodnot reálného parametru m , pro které má rovnice $x^2 + 6x + m^2 = 0$ dva kořeny reálné různé, je rovna množině:
a) $(-\infty, 3)$, b) $(-3, 3)$, c) $(-3, 3)$, d) $(-3, 3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}}(x^2 - 4x) > -1$, je rovna množině:
a) $(-1, 5)$, b) $(-1, 0) \cup (4, 5)$, c) $(-1, 0)$, d) $(4, 5)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
12. Počet všech řešení rovnice $\cos(4x) + \sqrt{2} \sin(2x) = 1$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:
a) 2, b) 3, c) 4, d) 5, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí:

$$\frac{1}{8} < \left(\frac{1}{2}\right)^{|x-5|} < 1$$

je rovna množině:

- a) $(2, 5)$, b) $(5, 8)$, c) $(2, 8)$, d) $(-8, -2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme funkci definovanou předpisem

$$f(x) = \sqrt{9 - x^2} + \log(x + 2).$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$, pro která je $f(x) \in \mathbb{R}$) je množina:

- a) $(-2, 3)$, b) $(-2, 3)$, c) $(-2, 3)$, d) $(-2, 3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Uvažujme funkci

$$f(x) = |3x - 1| - |x + 1| + 2$$

definovanou na intervalu $(-2, 3)$. Obor funkčních hodnot této funkce je roven množině:

- a) $(\frac{2}{3}, 8)$, b) $(\frac{2}{3}, 8)$, c) $(\frac{2}{3}, 8)$, d) $(\frac{2}{3}, 8)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta F3

-
- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.
-

Příklady hodnocené pěti body

1. Číslo $\log_3 \sqrt[6]{81}$ náleží intervalu:
- a) $(-2, -1)$, b) $(-1, 0)$, c) $(0, 1)$, d) $(1, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 + 7x \geq 0$, je rovna množině:
- a) $(-7, 0)$, b) $(0, 7)$, c) $(-\infty, 0) \cup (7, +\infty)$, d) $(-\infty, -7) \cup (0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Číslo $\frac{\sqrt[5]{2} \cdot \sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[5]{\sqrt[3]{2}}}{\sqrt[6]{8}}$ je rovno číslu:
- a) $\sqrt[5]{2}$, b) $2 \sqrt[3]{2}$, c) $2 \sqrt[5]{\sqrt[3]{2}}$, d) 1, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{3}{4}\right)^x > 0$, je rovna množině:
- a) $(-\infty, +\infty)$, b) \emptyset , c) $(0, +\infty)$, d) $(-1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky
- $p_1 : 7x + my + 3 = 0$ a $p_2 : 2x - 3y - 1 = 0$
- rovnoběžné, náleží intervalu:
- a) $(4, 11)$, b) $(0, 4)$, c) $(-11, -4)$, d) $(-4, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x > 2$, je rovna množině:
- a) $(\frac{1}{4}, +\infty)$, b) $(0, \frac{1}{4})$, c) $(4, +\infty)$, d) $(0, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. V geometrické posloupnosti je dáno $a_1 = 4$, $q = 2$, $a_n = 64$. Pak přirozené číslo n je rovno číslu:
- a) 5, b) 4, c) 6, d) 7, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Absolutní hodnota komplexního čísla $z = \frac{1+2i}{2+4i}$ je rovna číslu:
- a) $\frac{3}{\sqrt{20}}$, b) $\frac{5}{\sqrt{20}}$, c) $\frac{1}{\sqrt{5}}$, d) $\frac{1}{2}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

OBRATNÉ %

9. Je-li $\cos \alpha = \frac{4}{5}$, pak číslo $\cotg^2 \alpha$ je rovno číslu:

- a) $\frac{16}{7}$, b) $\frac{16}{9}$, c) $\frac{9}{16}$, d) $\frac{7}{16}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Množina všech hodnot reálného parametru m , pro které má rovnice $x^2 + 8x + m^2 = 0$ dva kořeny reálné různé, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -4) \cup (4, +\infty)$, b) $(-4, 4)$, c) $(-4, 4)$, d) $(-\infty - 4) \cup (4, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{6}}(x^2 - 5x) > -1$, je rovna množině:

- a) $(-1, 0) \cup (5, 6)$, b) $(0, 5)$, c) $(1, 5)$, d) $(-1, 6)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech řešení rovnice $\cos(4x) + \sqrt{2}\sin(2x) = 1$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 2, b) 3, c) 4, d) 5, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí:

$$\frac{1}{64} < \left(\frac{1}{2}\right)^{|x-3|} < 1$$

je rovna množině:

- a) $(-3, 3)$, b) $(3, 9)$, c) $(-3, 3) \cup (3, 9)$, d) $(-3, 9)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Uvažujme funkci definovanou předpisem

$$f(x) = \log(x+5) + \sqrt{x^2 - 16}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$, pro která je $f(x) \in \mathbb{R}$) je množina:

- a) $(4, +\infty)$, b) $(-5, -4) \cup (4, +\infty)$, c) $(-5, -4) \cup (4, +\infty)$, d) $(-5, -4) \cup (4, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Uvažujme funkci

$$f(x) = |4x+1| - |x+1| + 2$$

definovanou na intervalu $(-3, 1)$. Obor funkčních hodnot této funkce je roven množině:

- a) $(\frac{5}{4}, 11)$, b) $(\frac{5}{4}, 11)$, c) $(\frac{5}{4}, 11)$, d) $(\frac{5}{4}, 11)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta F4

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Číslo $\log_{\frac{1}{2}} \sqrt[3]{16}$ náleží intervalu:
a) $(-3, -2)$, b) $(-2, -1)$, c) $(-1, 0)$, d) $(0, 2)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 + 9x \leq 0$, je rovna množině:
a) $(-9, 0)$, b) $(0, 9)$, c) $(-\infty, -9) \cup (0, +\infty)$, d) $(-\infty, 0) \cup (9, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Číslo $\frac{2\sqrt{3} - 3\sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$ je rovno číslu:
a) $\sqrt{6}$, b) $2\sqrt{6}$, c) $-\sqrt{6}$, d) $-2\sqrt{6}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\left(\frac{5}{7}\right)^x < -1$, je rovna množině:
a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) $(-\infty, -1)$, d) \emptyset , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky
 $p_1 : 4x + 6y + 11 = 0$ a $p_2 : x - my + 9 = 0$
rovnoběžné, náleží intervalu:
a) $(-3, -1)$, b) $(-1, 1)$, c) $(1, 3)$, d) $(3, 5)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{2}} x > 0$, je rovna množině:
a) $(1, +\infty)$, b) $(0, 1)$, c) $(\frac{1}{2}, +\infty)$, d) $(0, \frac{1}{2})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. V geometrické posloupnosti je dáno $a_1 = 4$, $q = 2$, $a_n = 128$. Pak přirozené číslo n je rovno číslu:
a) 4, b) 5, c) 6, d) 7, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Absolutní hodnota komplexního čísla $z = \frac{2 - 4i}{6 + 2i}$ je rovna číslu:
a) $\frac{1}{2}$, b) $\frac{1}{\sqrt{2}}$, c) $\frac{1}{2\sqrt{2}}$, d) $\frac{1}{4}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTĚ 0%

-
9. Je-li $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, pak číslo $\cot^2 \alpha$ je rovno číslu:
 a) $\frac{16}{9}$, b) $\frac{16}{7}$, c) $\frac{7}{16}$, d) $\frac{9}{16}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
10. Množina všech hodnot reálného parametru m , pro které má rovnice $x^2 - 2x + m^2 = 0$ dva kořeny reálné různé, je rovna množině:
 a) $(-1, 1)$, b) $(-\infty, 1)$, c) $(-1, 1)$, d) $(1, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_{\frac{1}{7}}(x^2 - 6x) > -1$, je rovna množině:
 a) $(-1, 7)$, b) $(-1, 6)$, c) $(6, 7)$, d) $(-1, 0) \cup (6, 7)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
12. Počet všech řešení rovnice $\cos(4x) + \sqrt{3}\sin(2x) = 1$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:
 a) 1, b) 2, c) 3, d) 4, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí:

$$\frac{1}{9} < \left(\frac{1}{3}\right)^{|x+2|} < 1$$

je rovna množině:

- a) $(-4, 0)$, b) $(-4, -2) \cup (-2, 0)$, c) $(-4, -2)$, d) $(-2, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

14. Uvažujme funkci definovanou předpisem

$$f(x) = \log(x+9) + \sqrt{x^2 - 25}.$$

Definiční obor této funkce (tj. množina všech $x \in \mathbb{R}$, pro která je $f(x) \in \mathbb{R}$) je množina:

- a) $(-9, -5) \cup (5, +\infty)$, b) $(-9, -5) \cup (5, +\infty)$, c) $(-9, 5) \cup (5, +\infty)$,
 d) $(-9, -5) \cup (5, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

15. Uvažujme funkci

$$f(x) = |3x - 1| - |x - 1| + 1$$

definovanou na intervalu $(0, 4)$. Obor funkčních hodnot této funkce je roven množině:

- a) $(\frac{1}{3}, 9)$, b) $(\frac{1}{3}, 9)$, c) $(\frac{1}{3}, 9)$, d) $(\frac{1}{3}, 9)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
-

Varianta G0

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocení pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 - 3x + 2 < 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, +\infty)$, d) $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{\sqrt{3} + i}{1 - i\sqrt{3}}$ je rovna číslu:

- a) -2 , b) 2 , c) 1 , d) -1 , e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $7^x < 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, +\infty)$, c) \emptyset , d) $(-\infty, -1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

4. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky

$$p_1 : x - 2y + 13 = 0 \quad a \quad p_2 : 3x + my - 9 = 0$$

kolmé, náleží intervalu:

- a) $(-5, -3)$, b) $(-3, -1)$, c) $(-1, 1)$, d) $(1, 3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_7 x < 1$, je rovna množině:

- a) $(0, 1)$, b) $(0, 7)$, c) $(1, 7)$, d) $(0, \frac{1}{7})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

6. Kvocient geometrické posloupnosti, kde $a_1 = 4$ a $a_6 = 128$, je reálné číslo, které náleží intervalu:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

7. Číslo $\frac{7\sqrt{8} + 8\sqrt{7}}{\sqrt{8} + \sqrt{7}}$ je rovno číslu:

- a) $2\sqrt{14}$, b) $\frac{\sqrt{56}}{2}$, c) $\sqrt{28}$, d) $\sqrt{14}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

8. Počet všech kořenů rovnice $\sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 1, b) 0, c) 2, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

9. Všechna přirozená čísla, pro která platí

$$\frac{(n-1)!}{(n-3)!} - n = 2,$$

náleží intervalu:

- a) $(0, 2)$, b) $(2, 4)$, c) $(4, 6)$, d) $(6, 8)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Množina všech reálných čísel, pro která platí

$$\log_{\frac{1}{7}} x > 0,$$

je rovna množině:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, +\infty)$, c) $(0, \frac{1}{7})$, d) $(7, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $3^{|x^2-7|} < 81$, je rovna množině:

- a) $(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$, b) $(-\sqrt{11}, -\sqrt{3}) \cup (\sqrt{3}, \sqrt{11})$, c) $(-\sqrt{11}, \sqrt{11})$, d) $(-\sqrt{11}, \sqrt{3})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech řešení rovnice $2 \sin^2 x + \sqrt{2} \sin x = 0$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 0, b) 1, c) 2, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log(|x-1|-2) > 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -2)$, b) $(-2, 4)$, c) $(4, +\infty)$, d) $(-\infty, -2) \cup (4, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Koefficient u x^4 v binomickém rozvoji $\left(\frac{2}{x} - x^2\right)^8$, kde $x \neq 0$, je roven číslu:

- a) $\binom{8}{2} \cdot 2^4$, b) $\binom{8}{4} \cdot 2^4$, c) $-(\binom{8}{4} \cdot 2^4)$, d) $-(\binom{8}{2} \cdot 2^4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Trojúhelník ABC má vrcholy $A = [4, 3]$, $B = [6, 4]$ a $C = [2, 7]$. Obecnou rovnici přímky, v níž leží výška v_a tohoto trojúhelníka, lze napsat ve tvaru:

- a) $4x + 3y - 25 = 0$, b) $3x + 4y - 24 = 0$, c) $4x - 3y - 7 = 0$, d) $3x - 4y = 0$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta G1

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 - 4x + 3 < 0$, je rovna množině:
a) $(-3, -1)$, b) $(1, 3)$, c) $(-3, 3)$, d) $(-3, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{\sqrt{2} + i}{1 - i\sqrt{2}}$ je rovna číslu:
a) 1, b) 0, c) -1 , d) $\frac{1}{3}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $8^x > 0$, je rovna množině:
a) \emptyset , b) $(0, +\infty)$, c) $(-\infty, +\infty)$, d) $(-\infty, 0)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky
 $p_1 : 2x - y + 11 = 0$ a $p_2 : mx + 3y - 9 = 0$
kolmé, náleží intervalu:
a) $(-2, 0)$, b) $(0, 2)$, c) $(2, 4)$, d) $(4, 6)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_8 x < -1$, je rovna množině:
a) \emptyset , b) $(0, 1)$, c) $(\frac{1}{8}, 1)$, d) $(0, \frac{1}{8})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Kvocient geometrické posloupnosti, kde $a_1 = 128$ a $a_6 = 4$, je reálné číslo, které náleží intervalu:
a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Číslo $\frac{5\sqrt{6} + 6\sqrt{5}}{\sqrt{6} + \sqrt{5}}$ je rovno číslu:
a) $2\sqrt{5}$, b) $\sqrt{30}$, c) $2\sqrt{10}$, d) $\sqrt{15}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Počet všech kořenů rovnice $\sin x = -\frac{1}{2}$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:
a) 3, b) 2, c) 1, d) 0, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTĚ 0%.

9. Všechna přirozená čísla, pro která platí

$$\frac{(n-2)!}{(n-4)!} - n = 6,$$

náleží intervalu:

- a) $(0, 2)$, b) $(2, 4)$, c) $(4, 6)$, d) $(6, 8)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Množina všech reálných čísel, pro která platí

$$\log_{\frac{1}{8}} x < 0,$$

je rovna množině:

- a) $(1, +\infty)$, b) \emptyset , c) $(0, 1)$, d) $(0, \frac{1}{8})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $4^{|x^2-5|} < 16$, je rovna množině:

- a) $(-\sqrt{7}, -\sqrt{3}) \cup (\sqrt{3}, \sqrt{7})$, b) $(-\sqrt{7}, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, \sqrt{7})$, c) $(-\sqrt{7}, -2) \cup (2, \sqrt{7})$, d) $(-\sqrt{7}, -\sqrt{5}) \cup (\sqrt{5}, \sqrt{7})$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech řešení rovnice $2\sin^2 x = \sqrt{2}\sin x$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 0, b) 1, c) 2, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log(2 - |x - 1|) > 0$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, 0)$, b) $(0, 2)$, c) $(2, +\infty)$, d) $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Koeficient u x^{-2} v binomickém rozvoji $\left(\sqrt[3]{x} - \frac{2}{x}\right)^{10}$, kde $x \neq 0$, je roven číslu:

- a) $\binom{10}{4} \cdot 2^4$, b) $\binom{10}{3} \cdot 2^3$, c) $-(\binom{10}{3} \cdot 2^3)$, d) $-(\binom{10}{4} \cdot 2^4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Trojúhelník ABC má vrcholy $A = [5, 3]$, $B = [3, -1]$ a $C = [2, 2]$. Obecnou rovnici přímky, v níž leží výška v_c tohoto trojúhelníka, lze napsat ve tvaru:

- a) $2x + y - 6 = 0$, b) $x + 2y + 6 = 0$, c) $x - 2y + 2 = 0$, d) $2x - y - 2 = 0$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta G3

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 - 5x + 6 < 0$, je rovna množině:
 - a) $(-\infty, -3) \cup (-2, +\infty)$,
 - b) $(-3, -2)$,
 - c) $(2, 3)$,
 - d) $(-\infty, 2) \cup (3, +\infty)$,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{\sqrt{7} + i}{1 - i\sqrt{7}}$ je rovna číslu:
 - a) 2,
 - b) 1,
 - c) -1,
 - d) 0,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $8^x < -1$, je rovna množině:
 - a) $(-\infty, 0)$,
 - b) \emptyset ,
 - c) $(0, +\infty)$,
 - d) $(-\infty, \frac{1}{8})$,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky
$$p_1 : 2x + my - 5 = 0 \quad a \quad p_2 : x + 3y - 7 = 0$$
kolmé, náleží intervalu:
 - a) $(-3, -2)$,
 - b) $(-2, -1)$,
 - c) $(-1, 0)$,
 - d) $(0, 2)$,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_7 x > 1$, je rovna množině:
 - a) $(7, +\infty)$,
 - b) $(0, 7)$,
 - c) $(\frac{1}{7}, +\infty)$,
 - d) $(1, +\infty)$,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Kvocient geometrické posloupnosti, kde $a_1 = 1$ a $a_6 = 32$, je reálné číslo, které náleží intervalu:
 - a) $(0, 1)$,
 - b) $(1, 2)$,
 - c) $(2, 3)$,
 - d) $(3, 4)$,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Číslo $\frac{6\sqrt{7} - 7\sqrt{6}}{\sqrt{7} - \sqrt{6}}$ je rovno číslu:
 - a) $\sqrt{42}$,
 - b) $-\sqrt{42}$,
 - c) $2\sqrt{42}$,
 - d) $-2\sqrt{42}$,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Počet všech kořenů rovnice $\sin x = \frac{1}{2}$ v intervalu $(\pi, 2\pi)$ je roven číslu:
 - a) 3,
 - b) 2,
 - c) 1,
 - d) 0,
 - e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTĚTE %

9. Všechna přirozená čísla, pro která platí

$$\frac{(n-1)!}{(n-3)!} - 3n = 2,$$

náleží intervalu:

- a) $(0, 3)$, b) $(3, 5)$, c) $(5, 7)$, d) $(7, 9)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Množina všech reálných čísel, pro která platí

$$\log_{\frac{1}{9}} x < 0,$$

je rovna množině:

- a) $(0, 1)$, b) $(1, +\infty)$, c) $(0, \frac{1}{9})$, d) $(\frac{1}{9}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $3^{|x^2-4|} > 27$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -\sqrt{7}) \cup (-1, 1) \cup (\sqrt{7}, +\infty)$, b) $(-\infty, -\sqrt{5}) \cup (-1, 1) \cup (\sqrt{5}, +\infty)$,
c) $(-\infty, -\sqrt{6}) \cup (-1, 1) \cup (\sqrt{6}, +\infty)$, d) $(-\infty, -\sqrt{3}) \cup (-1, 1) \cup (\sqrt{3}, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech řešení rovnice $\sin^2 x = -\frac{1}{\sqrt{2}} \sin x$ v intervalu $\langle 0, \pi \rangle$ je roven číslu:

- a) 0, b) 1, c) 2, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log(3 - |x - 1|) > 0$, je rovna množině:

- a) $(-3, -1)$, b) $(-1, 3)$, c) $(1, 3)$, d) $(-3, 3)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Koefficient u x^{-6} v binomickém rozvoji $\left(\sqrt[3]{x} - \frac{2}{x}\right)^{10}$, kde $x \neq 0$, je roven číslu:

- a) $15 \cdot 2^{10}$, b) $5 \cdot 2^{10}$, c) $-5 \cdot 2^{10}$, d) $-15 \cdot 2^{10}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Trojúhelník ABC má vrcholy $A = [4, 7]$, $B = [6, 3]$ a $C = [2, 1]$. Obecnou rovnici přímky, v níž leží výška v_b tohoto trojúhelníka, lze napsat ve tvaru:

- a) $3x + y - 21 = 0$, b) $x - 3y + 3 = 0$, c) $x + 3y - 15 = 0$, d) $3x - y - 15 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Varianta G4

- (1) Slovem funkce rozumíme v celém textu reálnou funkci jedné reálné proměnné.
(2) Z uvedených odpovědí je právě jedna správná.

Příklady hodnocené pěti body

1. Množina všech reálných čísel, pro která platí $x^2 - 6x + 8 < 0$, je rovna množině:
a) $(-4, -2)$, b) $(2, 4)$, c) $(-\infty, -4) \cup (-2, +\infty)$, d) $(-\infty, 2) \cup (4, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
2. Reálná část komplexního čísla $z = \frac{\sqrt{6} + i}{1 - i\sqrt{6}}$ je rovna číslu:
a) 0, b) -1 , c) 1, d) $\sqrt{6}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
3. Množina všech reálných čísel, pro která platí $9^x < 0$, je rovna množině:
a) $(-\infty, 0)$, b) $(-\infty, -1)$, c) \emptyset , d) $(0, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
4. Hodnota reálného parametru m , pro kterou jsou přímky
 $p_1 : x + 2y - 3 = 0$ a $p_2 : mx + 3y - 1 = 0$
kolmé, náleží intervalu:
a) $(-8, -4)$, b) $(-4, 0)$, c) $(0, 4)$, d) $(4, 8)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
5. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log_6 x < 1$, je rovna množině:
a) $(0, 1)$, b) $(1, +\infty)$, c) $(6, +\infty)$, d) $(0, 6)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
6. Kvocient geometrické posloupnosti, kde $a_1 = 1$ a $a_4 = 8$, je reálné číslo, které náleží intervalu:
a) $(0, 1)$, b) $(1, 2)$, c) $(2, 3)$, d) $(3, 4)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
7. Číslo $\frac{7\sqrt{8} - 8\sqrt{7}}{\sqrt{8} - \sqrt{7}}$ je rovno číslu:
a) $\sqrt{56}$, b) $-\sqrt{56}$, c) $\sqrt{28}$, d) $-\sqrt{28}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.
8. Počet všech kořenů rovnice $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ v intervalu $(\pi, 2\pi)$ je roven číslu:
a) 2, b) 1, c) 0, d) 3, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

OBRÁTĚ %

9. Všechna přirozená čísla, pro která platí

$$\frac{(n-2)!}{(n-4)!} - 3n = 6,$$

náleží intervalu:

- a) $(0, 2)$, b) $(2, 4)$, c) $(4, 6)$, d) $(6, 9)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

10. Množina všech reálných čísel, pro která platí

$$\log_{\frac{1}{9}} x < -1,$$

je rovna množině:

- a) $(9, +\infty)$, b) $(0, 9)$, c) $(0, \frac{1}{9})$, d) $(\frac{1}{9}, +\infty)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

Příklady hodnocené deseti body

11. Množina všech reálných čísel, pro která platí $3^{|x^2-2|} > 3$, je rovna množině:

- a) $(-\infty, -\sqrt{2}) \cup (-1, 1) \cup (\sqrt{2}, +\infty)$, b) $(-\infty, -\sqrt{5}) \cup (-1, 1) \cup (\sqrt{5}, +\infty)$,
c) $(-\infty, -\sqrt{3}) \cup (-1, 1) \cup (\sqrt{3}, +\infty)$, d) $(-\infty, -2) \cup (-1, 1) \cup (2, +\infty)$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

12. Počet všech řešení rovnice $\sqrt{2} \sin^2 x = \sin x$ v intervalu $(0, \pi)$ je roven číslu:

- a) 3, b) 2, c) 1, d) 0, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

13. Množina všech reálných čísel, pro která platí $\log(4 - |x - 2|) > 0$, je rovna množině:

- a) $(-5, -1)$, b) $(1, 5)$, c) $(-1, 5)$, d) $(-5, 1)$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

14. Koefficient u x^{-7} v binomickém rozvoji $\left(\frac{1}{x^2} - 2x\right)^{11}$, kde $x \neq 0$, je roven číslu:

- a) $2^5 \cdot \binom{11}{5}$, b) $-2^5 \cdot \binom{11}{5}$, c) $2^4 \cdot \binom{11}{4}$, d) $-2^4 \cdot \binom{11}{4}$, e) žádná z předchozích odpovědí není správná.

15. Trojúhelník ABC má vrcholy $A = [0, 3]$, $B = [-2, 1]$ a $C = [-5, 4]$. Obecnou rovnici přímky, v níž leží výška v_b tohoto trojúhelníka, lze napsat ve tvaru:

- a) $5x - y + 11 = 0$, b) $5x + y + 9 = 0$, c) $x + 5y - 3 = 0$, d) $x - 5y + 7 = 0$,
e) žádná z předchozích odpovědí není správná.